

دولة الكويت

وزارة التربية

مرجع البحر

امتحان نهاية الفترة الدراسية ا

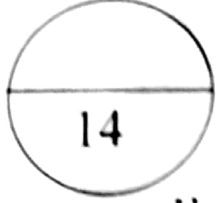
للسف الثاني عشر علمي 2016 / 2017 م

المجال الدراسي : الرياضيات

الزمن : ساعتان و 45 دقيقة الأسئلة في 10 صفحات

أولا : أسئلة المقال

السؤال الأول : ( a ) أوجد (إن أمكن) :



$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x + 5}{\sqrt{x^2 + 2x - 5}}$$

السؤال الأول :

( b ) أوجد معادلة المستقيم العمودي للمنحنى الذي معادلته :  $f(x) = \frac{x^3 + 1}{x^2 + 2}$

عند النقطة  $( 1 , \frac{2}{3} )$

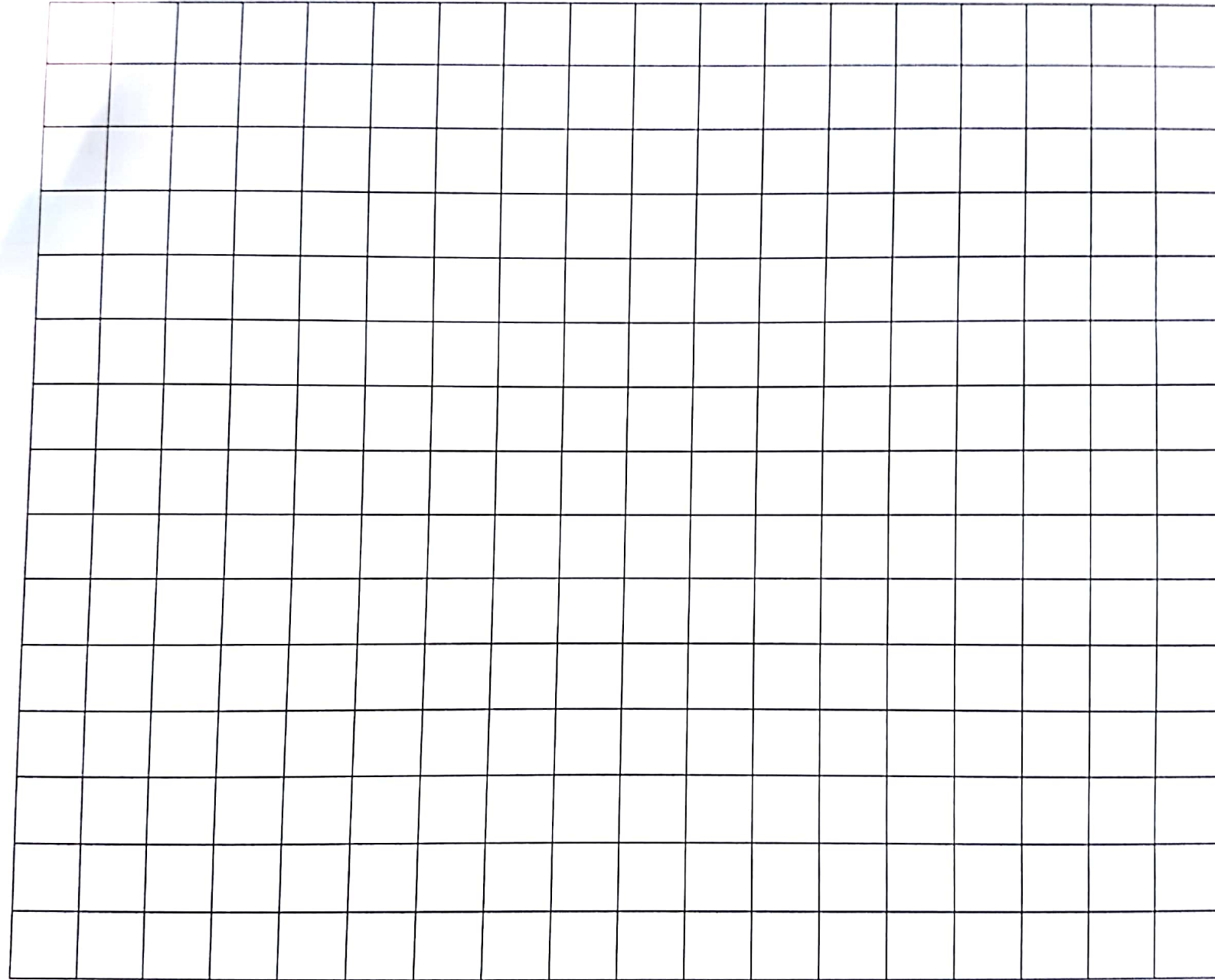
السؤال الثاني : ( a ) أوجد (إن أمكن) :

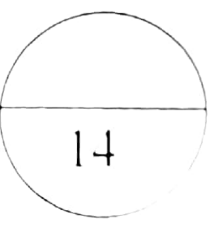
14

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x - x^2}{3x^2}$$

سؤال الثاني :

( b ) ادرس تغير الدالة  $f$  :  $f(x) = 3x^4 + 4x^3 + 2$  ثم ارسم بيانها .





سؤال الثالث : ( a ) لتكن  $f(x) = \sqrt{x^2 - 2x}$  .  
أوجد مجال الدالة  $f$  ثم ادرس اتصال الدالة  $f$  على  $[-5, 0]$

سؤال الثالث :

(b) أوجد النقاط الحرجة للدالة المتصلة  $f$  :

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1, & x < 1 \\ 3x - 1, & x \geq 1 \end{cases}$$

سؤال الرابع :

( a ) أوجد أقصر مسافة بين النقطة  $P(x,y)$  على المحسى الذي معادلته :  
 $y^2 - x^2 = 16$  والنقطة  $Q(6,0)$  .



سابع السؤال الرابع :

( b ) إذا كانت :  $n = 80$  ,  $\bar{x} = 37.2$  ,  $s = 1.79$   $\mu = 37$  عند مستوى معنوية  $\alpha = 0.05$  اختبر الفرض بأن

- أولاً : في البنود من (1) إلى (2) ظلل الدائرة : (a) إذا كانت العبارة صحيحة .  
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(a) (b)

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{2}{(3-x)^5} = \infty \quad (1)$$

- (2) ميل المماس عند النقطة  $Q(2, -1)$  على منحنى  $x^2 - y^2 - x^2 y = 7$  :  
يساوي 2 .

(a) (b)

ثانياً: في البنود من (3) إلى (10) لكل بند أربعة إجابات واحدة فقط صحيحة ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

$$(3) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x - 1} =$$

(a) -1 (b) 1 (c)  $\frac{1}{2}$  (d)

(4) لتكن الدالة  $f: x \neq 0, f(x) = x^2 + 3$ ، الدالة  $g: g(x) = \frac{x}{x-3}$ ، فإن  $(g \circ f)(x)$  تساوي

(a)  $\frac{x^2}{x^2-3}$  (b)  $\frac{x^2+3}{x^2}$  (c)  $\frac{x^2}{x^2+3}$  (d)  $\frac{x^2-3}{x^2}$

(5) إن القيمة الحرجة  $z_{\frac{\alpha}{2}}$  لدرجة الثقة % 96.6 هي :

(a) 2.12 (b) 2.17 (c) 21.2 (d) 21

(6) لتكن الدالة  $f: f(x) = -x^2 + 7x + 1$

(a) لمنحنى  $f$  نقطة انعطاف (b) لمنحنى  $f$  قيمة عظمى محلية  
(c) لمنحنى  $f$  قيمة عظمى محلية (d) لمنحنى  $f$  مقعر للأعلى

(7) إذا كانت  $f(x) = (1 + 6x)^{\frac{2}{3}}$  فإن  $f'''(x)$  تساوي :

(a)  $\frac{8}{27} (1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(b)  $8 (1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(c)  $-8 (1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(d)  $-64 (1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(8) إذا كانت  $y = u^3 - 3u + 1$  ،  $u = 5x^2 + 2$  فإن  $\frac{dy}{dx}$  تساوي

(a)  $750x^5 + 600x^3 + 90x$

(b)  $150x^4 + 60x^3 + 90x$

(c)  $150x^4 + 600x^3 + 90x$

(d)  $750x^4 + 60x^3 + 90x$

(9) إذا كانت  $f$  كثيرة حدود ،  $(c, f(c))$  نقطة انعطاف لها فإن :

(a)  $f'''(c) = 0$

(b)  $f'''(c)$  غير موجودة

(c)  $f'(c) = 0$

(d)  $f(c) = 0$

10) إذا كانت  $f(x) = ax^2 - 25x$  لها قيمة قصوى محلية عند  $x = \frac{5}{2}$  ، فإن  $a$  تساوي:

(a) 2

(b) 3

(c) 4

(d) 5

| رقم<br>السؤال | الإجابة |   |   |   |
|---------------|---------|---|---|---|
| ( 1 )         | a       | b |   |   |
| ( 2 )         | a       | b |   |   |
| ( 3 )         | a       | b | c | d |
| ( 4 )         | a       | b | c | d |
| ( 5 )         | a       | b | c | d |
| ( 6 )         | a       | b | c | d |
| ( 7 )         | a       | b | c | d |
| ( 8 )         | a       | b | c | d |
| ( 9 )         | a       | b | c | d |
| ( 10 )        | a       | b | c | d |